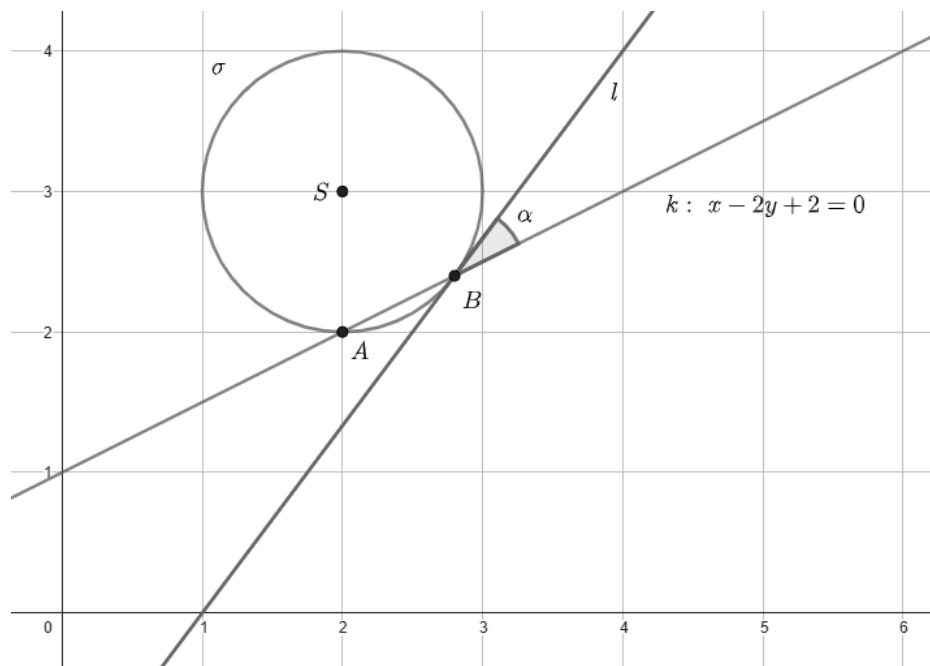


□ **Zadanie 1.** (3 pkt) Udowodnij, że jeśli  $a - 2b > 0$  i  $a^2 \neq b^2$ , to

$$a^3 - 3ab^2 > 2b^3.$$

□ **Zadanie 2.** (5 pkt) Dany jest okrąg  $\sigma$  o równaniu  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 1$ . Prosta  $k : x - 2y + 2 = 0$  przecina okrąg  $\sigma$  w punktach  $A$  i  $B$ . Wiedząc, że odcięta punktu  $A$  jest równa 2, wyznacz równanie prostej  $l$  stycznej do okręgu  $\sigma$  w punkcie  $B$ . Oblicz tangens kąta ostrego  $\alpha$  przecięcia się prostych  $k$  i  $l$ . Patrz rysunek. ✎



R:  $\frac{4}{3}x - \frac{4}{3}; \frac{1}{2}$